

Aufgabe 10)

a) $u_{GS} = u_1$

$$u_{DS2} = u_{DS1} - u_2$$

b) $i_{D2} = -i_{D1}$

$$u_2 = u_{DS1}$$

c) T_1 :

$$u_{GS1} = 0V \quad u_{GS1} - u_{DS1} = -1V < 0V \Rightarrow T_1 \text{ im Sperrbereich}$$

$$u_{GS1} = 0V \quad i_{D1} = 0A \quad u_{GS2} = u_1 - u_B = -5V \quad i_{D2} = -i_{D1} = 0A$$

d) $u_{GS2} - u_{DS2} = -5V - (-1V) = -4V < 0V$

$\Rightarrow T_2$ nicht im Sperrbereich

mit $i_{D2} = 0A$ folgt lineare Gleichung

$$0A = -\beta \left[-4V \cdot u_{DS2} - \frac{\gamma}{2} u_{DS2}^2 \right] = 4V\beta u_{DS2} + \frac{\gamma}{2} \beta u_{DS2}^2$$

$$u_{DS2} = \frac{-4V\beta \pm \sqrt{16V^2\beta^2}}{\beta} = -4V \pm 4V$$

$u_{DS2} = -8V$ liefert Widerspruch $0V < -4V \leq -8V$

$u_{DS2} = 0V$ liefert mit $0V \geq -4V \leq 0V$ eine gültige Aussage

$\Rightarrow T_2$ im linearen Bereich

$$u_{DS2} = 0V, \quad u_{DS1} = 5V = u_2$$

e) für $0V < u_1 = 1V: \quad \Rightarrow u_{GS1} - u_{DS1} < 0 \Rightarrow$ Sperrbereich für T_1

$$u_{GS2} - u_{DS2} < -3V \quad \Rightarrow T_2 \text{ nicht im Sperrbereich}$$

$$0A = \beta(3V \cdot u_{DS2} + \frac{\gamma}{2} u_{DS2}^2) = \Rightarrow \{ u_{DS2} = -6V \quad u_{DS2} = 0V \}$$

\Rightarrow linearer Bereich für T_2

$$u_{DS1} = u_2 = 5V$$

für $u_1 = 1V: \quad u_{GS1} - u_{DS1} = 0V \quad u_{DS1} = 5V$ (Stetigkeit)

$0 \leq u_{GS1} - u_{DS1} \leq u_{DS1} \Rightarrow$ Sättigungsbereich für T_1

$$u_{GS2} = u_1 - 5V = -4V$$

$$u_{GS2} - u_{DS2} = -3V < u_{DS2} = 0V \quad (u_{DS2} = 5V)$$

$\Rightarrow T_2$ im linearen Bereich

f) $U_1 = 5V = U_{GS1} \quad U_{DS2} = U_1 - 2V = 0V$
 $U_{GS2} - U_{DS2} = 7V > 0V \Rightarrow T_2 \text{ im Sperrbereich}$
 $\Rightarrow i_{D2} = i_{D1} = 0A$

$0A = \beta_1 U_{DS1} \left[U_{GS1} - U_{DS1} - \frac{1}{2} U_{DS1}^2 \right]$ liefert $U_{DS1} = 0V$ oder $(U_{DS1} = 8V)$
 $\Rightarrow T_1 \text{ im linearen Bereich}$
mit $U_{DS1} = 0V$ folgt $U_{DS2} = -5V$

g) T_2 im Sättigungsbereich:

$$i_g = 0 \quad i_d = -\frac{1}{2} \beta_2 (U_{GS2} - U_{DS2})^2$$

$$g_m = \frac{\partial i_d}{\partial U_{GS2}} \Big|_{AP} = -\beta_2 (U_{GS2} - U_{DS2}) \Big|_{AP} = 7.5 \cdot 10^{-3} S$$

$$g_{m1} = \frac{\partial i_d}{\partial U_{GS1}} \Big|_{AP} = 0$$

T_1 im linearen Bereich:

$$i_g = 0 \quad i_d = \beta_1 \left[(U_{GS1} - U_{DS1}) U_{DS1} - \frac{1}{2} U_{DS1}^2 \right]$$

$$g_m = \frac{\partial i_d}{\partial U_{GS1}} \Big|_{AP} = \beta_1 U_{DS1} \Big|_{AP} = 2 \cdot 10^{-3} \frac{A}{V^2} \cdot 0.439V \approx 0.88mA$$

$$g_{m1} = \frac{\partial i_d}{\partial U_{GS1}} \Big|_{AP} = \beta_1 (U_{GS1} - U_{DS1}) - \beta_1 U_{DS1} \Big|_{AP} \approx 2.12mA$$

KS: ESB

